

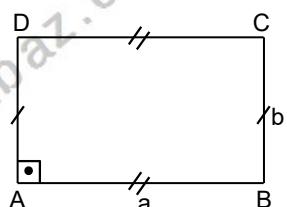
ÇOKGENLER DÖRTGENLER-6

DİKDÖRTGEN

DİKDÖRTGEN

TANIM VE ÖZELLİKLER

Bir iç açısının ölçüsü 90° olan paralelkenara dikdörtgen denir.



Karşılıklı kenarlar birbirine paraleldir.

$[AB] \parallel [CD]$, $[AD] \parallel [BC]$ dir.

Karşılıklı kenar uzunlukları birbirine eşittir.

$|AB|=|DC|$, $|AD|=|BC|$ dir.

Çevre (ABCD)=2.(a+b)

UYARI

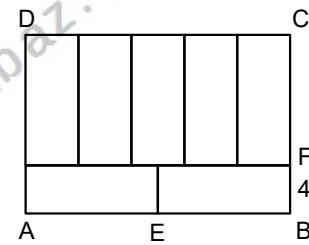
Dikdörtgen özel bir paralelkenar olduğundan paralelkenarın tüm özelliklerini dikdörtgende de geçerlidir.

Örnek...1 :

ABCD dikdörtgeni 7 özdeş dikdörtgenden şekildeki gibi elde edilmiştir.

$|BF|=4$ br ise

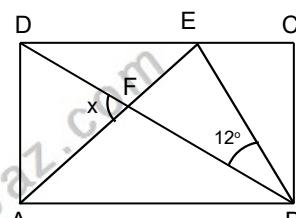
Çevre(ABCD) kaç birimdir?



Örnek...2 :

ABCD dikdörtgen $|AB|=|BE|=2 \cdot |EC|$

$m(\widehat{DBE})=12^\circ$ ise $m(\widehat{AFD})=x$ kaç derecedir?



Örnek...3 :

ABCD dikdörtgen

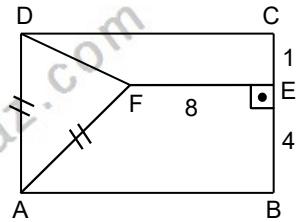
$[AC] \perp [EF]$

$|AD|=|AF|$

$|EF|=2 \cdot |EB|=8$ br

$|EC|=1$ br ise

$|CD|$ kaç birimdir?



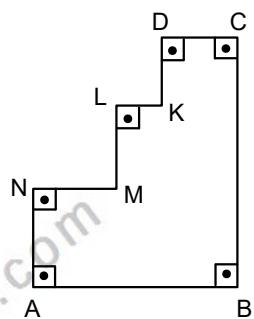
Örnek...4 :

Yandaki şekilde köşelerdeki açılar dik açıdır.

$|AB|=11$ br

$|BC|=13$ br ise

şeklin çevresi kaç birimdir?



Örnek...5 :

ABCD dikdörtgen

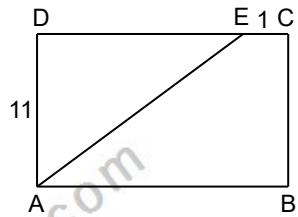
$|AB|=|AE|$

$|AD|=11$ br

$|CE|=1$ br

olduğuna göre,

$|AB|$ kaç birimdir?



ÇOKGENLER DÖRTGENLER-6

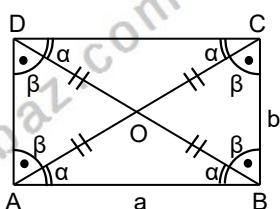
DİKDÖRTGEN

ÖZELLİK

Köşegen uzunlukları eşittir. Uzunluğu ise $|AC|=|BD|=\sqrt{a^2+b^2}$ dir.

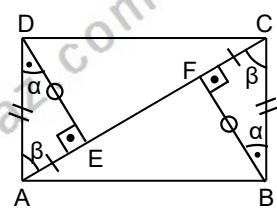
Köşegenler birbirini ortalar. $|AO|=|CO|=|OB|=|OD|$

Köşegenler açıortay değildir.



ÖZELLİK

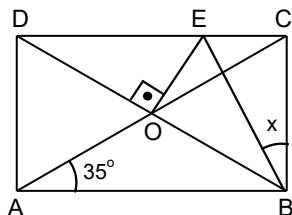
ABCD dikdörtgen
 $m(\widehat{DAC})=m(\widehat{ACB})$
 $m(\widehat{ADE})=m(\widehat{CBF})$
 $|AD|=|BC|$
 olduğundan (A.K.A) eşlik teoreminden
 $\triangle AED \cong \triangle CFB$ dir.



Ayrıca bu şekilde GİZLİ ÖKLİD vardır.
 $|DE|^2=|AE|\cdot|CE|$ veya $|FB|^2=|AF|\cdot|CF|$ dir.

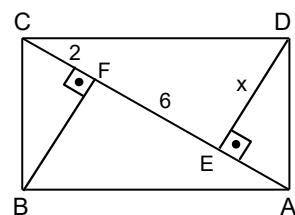
Örnek...6 :

ABCD dikdörtgeninde O köşegenlerin kesim noktasıdır.
 $[BD] \perp [EO]$
 $m(\widehat{BAC})=35^\circ$ ise
 $m(\widehat{CBE})=x$ kaç derecedir?



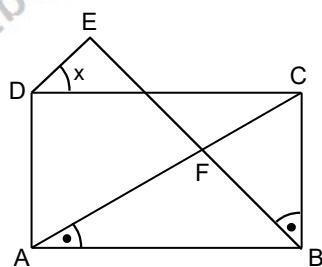
Örnek...9 :

ABCD dikdörtgen
 $[BF] \perp [AC]$
 $[DE] \perp [AC]$
 $|CF|=2$ br
 $|EF|=6$ br ise
 $|DE|=x$ kaç birimdir?



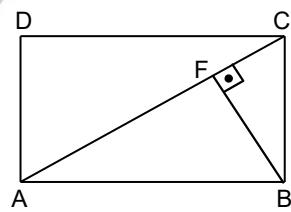
Örnek...7 :

ABCD dikdörtgen
 $|AC|=|BE|$
 $m(\widehat{BAC})=m(\widehat{CBE})$
 olduğuna göre,
 $m(\widehat{EDC})=x$ kaç derecedir?



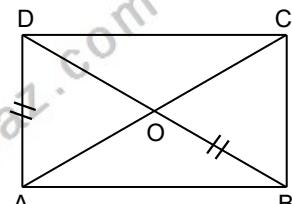
Örnek...10 :

ABCD dikdörtgen
 $[BF] \perp [AC]$, $|AF|>|FC|$,
 $|AC|=7$ br
 $|BF|=2\sqrt{3}$ br ise
 $|AD|=x$ kaç birimdir?



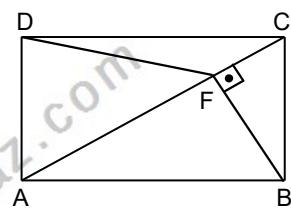
Örnek...8 :

ABCD dikdörtgeninde O köşegenlerin kesim noktasıdır.
 $|AD|=|BO|$ ve
 $|CD|=6$ br ise
 $|AC|=x$ kaç birimdir?



Örnek...11 :

ABCD dikdörtgen
 $[BF] \perp [AC]$
 $|AF|=|FC|+5=9$ br
 olduğuna göre,
 $|FD|=x$ kaç birimdir?



ÇOKGENLER DÖRTGENLER-6

DİKDÖRTGEN

ÖZELLİK

ABCD dikdörtgen

$$|AB| = a \text{ br}$$

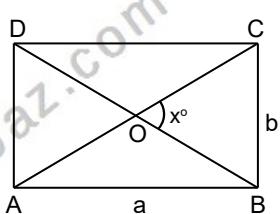
$$|BC| = b \text{ br}$$

olmak üzere,

$$\text{Alan}(ABCD) = a \cdot b \text{ br}^2$$

$m(\widehat{BOC}) = x^\circ$ ise

$$\text{Alan}(ABCD) = \frac{1}{2} \cdot |AC|^2 \cdot \sin x^\circ$$



Örnek...12 :

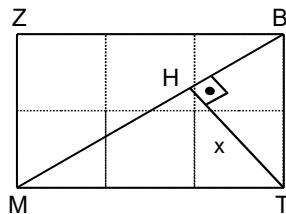
MTBZ dikdörtgeni 6 birim kareye bölünmüştür.

$[TH] \perp [BM]$

olduğuna göre,

$$|TH| = x$$

kaç birimdir?



Örnek...13 :

Bir dikdörtgenin kenarlarından biri % 20 oranında uzatıldığında alanının değişmemesi için öteki kenarı % kaç kısaltılmalıdır?

Örnek...14 :

MTBZ dikdörtgeni 6 dikdörtgene bölünmüştür.

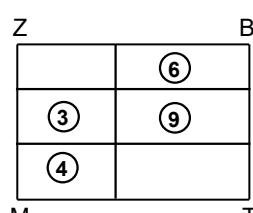
Çemberler içinde yazan sayılar

dikdörtgenlerin

alanlarını belirtmek

üzere, $\text{Alan}(\text{MTBZ})$

kaç birim karedir?



Örnek...15 :

ABCD dikdörtgen

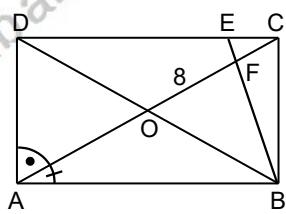
$$|CD| = 5 \cdot |EC|$$

$$|FO| = 8 \text{ br}$$

$m(\widehat{CAD}) = 5 \cdot m(\widehat{BAC})$

olduğuna göre,

$\text{Alan}(ABCD)$ kaç birim karedir?



Örnek...16 :

ABCD dikdörtgeninde

$$[EG] \cap [CH] = \{F\}$$

$[AD] \perp [EG]$,

$$|AE| = |DE|$$

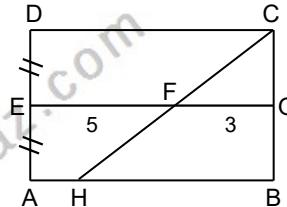
$$|CD| = |CH|$$

$$|EF| = 5 \text{ br}$$

$$|FG| = 3 \text{ br}$$

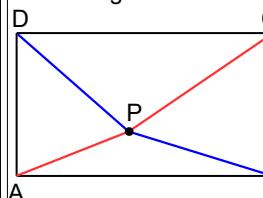
olduğuna göre,

$\text{Alan}(ABCD)$ kaç birim karedir?



ÖZELLİK

P dikdörtgenin içinde veya dışında herhangi bir nokta olmak üzere,



$$|AP|^2 + |PC|^2 = |DP|^2 + |BP|^2$$

(P noktası, ABCD düzleminin elemanıdır.)

Örnek...17 :

MTBZ dikdörtgen

$$[BM] \perp [ZH]$$

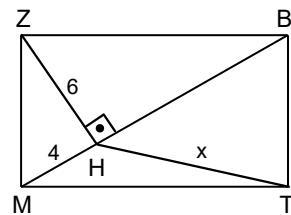
$$|HM| = 4 \text{ br}$$

$$|ZH| = 6 \text{ br}$$

olduğuna göre,

$$|TH| = x$$

kaç birimdir?



Örnek...18 :

ABCD dikdörtgeni origami kağıdır.

Kenar uzunlukları 6 ve 10 birim olan bu

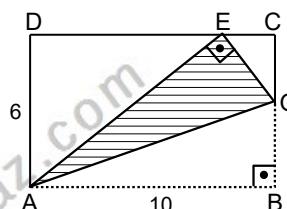
kağıt $[AG]$ boyunca katlanıp B noktası

$[CD]$ kenarı üzerinde

E noktasına getiriliyor.

Kağıdın katlanan kısmı olan AEG üçgeninin

alanı kaç birim karedir?

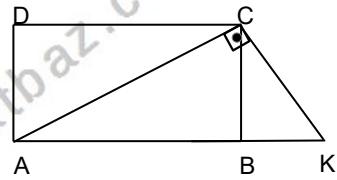


ÇOKGENLER DÖRTGENLER-6

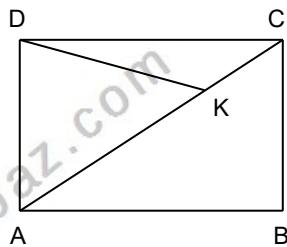
DİKDÖRTGEN

DEĞERLENDİRME - 1

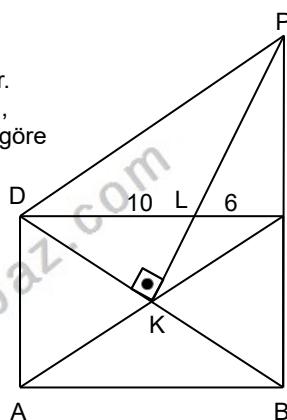
- 1) ABCD bir dikdörtgendir.
 $[AC] \perp [CK]$
 $|AB|=6\text{br}$
 $|BK|=4\text{br}$
 olduğuna göre
 $A(ABCD)$ kaç birim karedir?



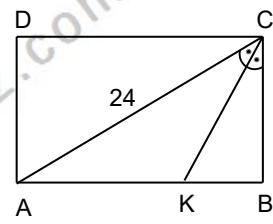
- 2) ABCD bir dikdörtgendir.
 $m(\widehat{CAB})=30^\circ$,
 $m(\widehat{CDK})=15^\circ$ ve
 $|DK|=9\sqrt{2}$ olduğuna
 göre, $|AD|$ kaç birimdir?



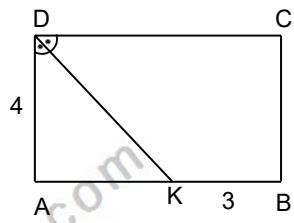
- 3) ABCD bir dikdörtgendir.
 $|DL|=10\text{ br}, |LC|=6\text{ br}$,
 $[DK] \perp [KP]$ olduğuna göre
 $\mathcal{C}(ABCD)$ kaç birimdir?



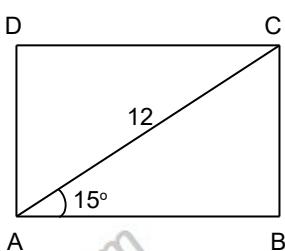
- 4) ABCD bir dikdörtgen,
 $[CK]$ açıortaydır.
 $|AC|=24\text{ br}$, $|AK|=|KC|$
 ise $|AK|$ kaç birimdir?



- 5) ABCD bir dikdörtgen,
 $[DK]$ açıortaydır.
 $|AD|=4\text{ br}$, $|KB|=3\text{ br}$
 ise C noktasının
 DK doğrusuna en
 kısa mesafesi kaç
 birimdir?



- 6) ABCD bir dikdörtgendir.
 $|AC|=12\text{ br}$,
 $m(\widehat{CAB})=15^\circ$
 olduğuna göre,
 $A(ABCD)$ kaç birim
 karedir?



ÇOKGENLER DÖRTGENLER-6

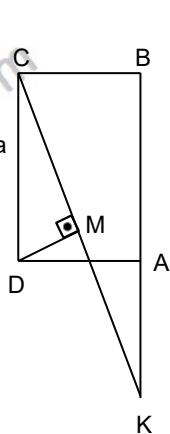
DİKDÖRTGEN

DEĞERLENDİRME - 2

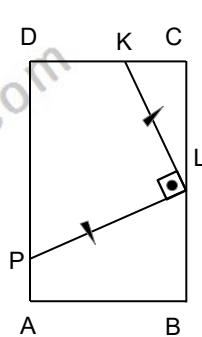
- 1) ABCD bir dikdörtgendir.

$$[DM] \perp [CK]$$

$|CK|=13\text{ br}$, $|DM|=2\text{ br}$, olduğuna göre $A(\text{ABCD})$ kaç birim karedir?



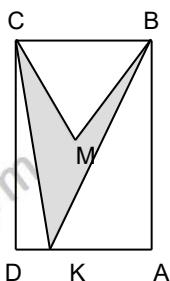
- 4) ABCD bir dikdörtgen,
 $|KL|=|PL|$,
 $|DP|=12\text{ br}$, $|CL|=7\text{ br}$,
ise $|KP|$ kaç birimdir?



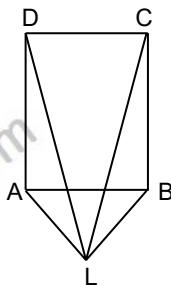
- 2) ABCD bir dikdörtgendir. M dikdörtgenin ağırlık merkezidir.

$$A(\text{ABCD})=40\text{ br}^2$$

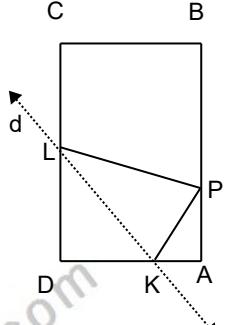
ise taralı bölgenin alanı kaç birim karedir?



- 5) ABCD bir dikdörtgen,
 $|LD|=|CL|+1=|AL|+2$ ve
 $|BL|=2\sqrt{3}$
ise $|LD|$ kaç birimdir?



- 3) ABCD bir dikdörtgendir. D köşesi boyunca dikdörtgen katlanınca P ile D çakışıyor.
 $|DK|=10\text{ br}$, $|AK|=6\text{ br}$,
olduğuna göre $|LK|$ kaç birimdir?

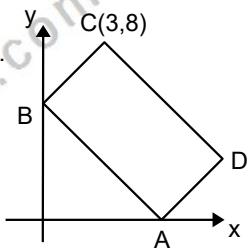


ÇOKGENLER DÖRTGENLER-6

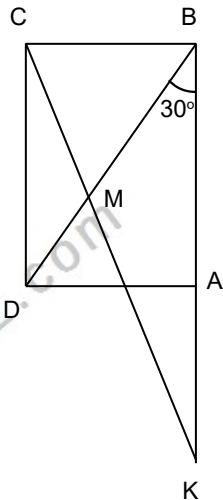
DİKDÖRTGEN

DEĞERLENDİRME - 3

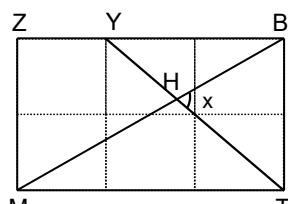
- 1) ABCD bir dikdörtgendir.
 $|AB|=2 \cdot |AD|$.
 C(3,8) ise D
 noktasının
 koordinatları çarpımı
 kaçtır?



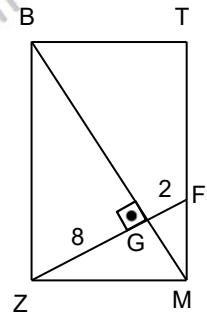
- 2) ABCD bir dikdörtgendir.
 $|DB|=|AK|$,
 $m\widehat{DBA}=30^\circ$ ise $m\widehat{DCM}$
 kaç derecedir ?



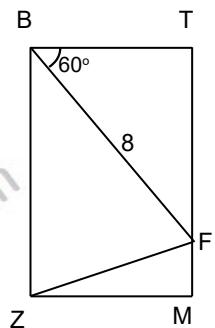
- 3) MTBZ dikdörtgeni
 6 birim kareye
 bölünmüştür.
 $[TH] \cap [BM] = \{H\}$
 ve $m\widehat{BHT} = x$
 olduğuna göre,
 $\tan x$
 kaçtır?



- 4) MTBZ bir dikdörtgendir.
 $4 \cdot |GF|=|ZG|=8 \text{ br}$,
 $[BM] \perp [FZ]$ ise
 $|BG|$ kaç birimdir ?



- 5) MTBZ bir dikdörtgendir.
 $|BF|=8 \text{ br}$,
 $4 \cdot m(\widehat{FZM}) = m(\widehat{TBF}) = 60^\circ$
 ise A(MTBZ) kaç birim karedir ?



- 6) MTBZ bir dikdörtgendir.
 $|TF|=|FM|$, $|ZL|=|LM|$
 ve $A(ZLG)=12$ birim karedir. Buna
 göre dikdörtgenin alanı kaç birim
 karedir ?

