

SAYILAR – 3

(BİRİNCİ DERECEDEN BİR BİLİNMEYENLİ DENKLEMLER)

BİRİNCİ DERECEDEN BİR BİLİNMEYENLİ DENKLEMLER

a, b ∈ ℝ ve a ≠ 0 olmak üzere,
ax + b = 0 biçimindeki eşitliklere birinci
dereceden bir bilinmeyenli denklem denir.
 $ax + b = 0$ denklemini sağlayan $x = -\frac{b}{a}$
sayısına denkleminkin kökü denir.

Denkleminkin köklerinden oluşan kümeye de
çözüm kümesi denir ve $\mathcal{C} = \left\{ -\frac{b}{a} \right\}$
şeklinde gösterilir.

Örnek...1 :

$4(x - 1) + 5x + 10 = 5(x + 5)$
denkleminkin çözüm kümesini bulalım.

Örnek...2 :

Bir sayının 3 eksiğinin 4 katı bu sayının 2
katının 5 fazlasına eşitse bu sayı kaçtır?

Örnek...3 :

$4(m - 3x) + 5x = x - 1$
denkleminkin kökü $x = 1$ ise m kaçtır?

Örnek...4 :

$$-0,3 \cdot \frac{6x}{5} - \frac{2,2x}{10} = 56$$

olduğuna göre, x kaçtır?

Örnek...5 :

$$(a+b-3)^{24} + (a+7)^{12} = 0$$

olduğuna göre, $3a - 2b$ kaçtır?

Örnek...6 :

$$3x + 2y - 8 = 0$$

olduğuna göre,

a) x in y türünden çözümü nedir?

b) y in x türünden çözümü nedir?

Örnek...7 :

$$x = 3 + \frac{5}{y+2}$$

olduğuna göre,

a) y nin hangi değeri için x hesaplanamaz?

b) x in hangi değeri için y hesaplanamaz?

Örnek...8 :

$$\frac{2}{x} - \frac{1}{x-2} = 4 - x$$

ise x kaç olabilir?

SAYILAR – 3

(BİRİNCİ DERECEDEN BİR BİLİNMEYENLİ DENKLEMLER)

Örnek...9 :

$2(x - 1) + 3x + 7 = 5x + 5$
denkleminin çözüm kümesini bulalım.

Örnek...10 :

$5(x+3)-2(4-3x)+4 = 7(x-2)+4(x+6)+173$
denkleminin çözüm kümesini bulalım.

GENELLEME

- $ax+b=0$ denkleminde 3 hal kuralı vardır.
- 1) $a \neq 0$ için tek çözüm vardır.
 - 2) $a=0$ ve $b=0$ için sonsuz çözüm vardır.
 - 3) $a=0$ ve $b \neq 0$ için çözüm yoktur.

UYARI

Çözümün hangi kümede arandığı
unutulmamalıdır.

Örnek...11 :

$2(3-5x)+3x+10 = -7(x+2)+30$
denkleminin çözüm kümesini doğal sayılar
kümesinde bulunuz.

Örnek...12 :

$-2(5-x)+3(x+2)=1-3(x+2)$
denkleminin çözüm kümesinin tamsayılar
kümesinde bulunuz.

Örnek...13 :

$(3a-12)x+2b-7=13$
denklemi her x reel sayısı için sağlanıyorsa
(a,b) ikilisini bulunuz.

Örnek...14 :

$6x+8=a(3x-2)-2b+5$
denkleminin çözüm kümesi boş ise b kaç
olamaz? (Bilinmeyeni x kabul ediniz.)

Örnek...15 :

$m^2x-3=m+9x$
denkleminin çözüm kümesinin boş olmasını
sağlayan kaç m değeri vardır? (Bilinmeyeni x
kabul ediniz.)

SAYILAR – 3

(BİRİNCİ DERECEDEN BİR BİLİNMEYENLİ DENKLEMLER)

DEĞERLENDİRME – 1

- 1) $2.(8-3x) = 4x - 5 + 3.(2-4x)$
denkleminin çözüm kümesini bulunuz?
- 2) $6.x - 5.(5 - x) - 21 = 2.(x - 1)$
olduğuna göre, x kaçtır?
- 3) $4.(m-3x)+5.x = x - 1$
denkleminin kökü 3 olduğuna göre, x kaçtır?
- 4) $4.x + [2-(x - 2) - 4.x + 12] = 0$
denkleminin çözüm kümesini bulunuz?
- 5) $14 - 3.x = -x + 10$ denkleminin kökü,
 $(a-2).x + (x+4).(a-1) = 0$ denkleminin de kökü
olduğuna göre, a kaçtır?

- 6) $\frac{0,2x}{5} - \frac{0,3x+12}{4} = 7$
olduğuna göre, x kaçtır?
- 7) $\frac{x-2}{y+2} = \frac{-3}{2}$ olduğuna göre, x in y türünden
çözümü nedir?
- 8) $\frac{a}{b} = \frac{2}{3}$ ve $8a - 3b = 35$ olduğuna göre, a+b
kaçtır?

SAYILAR – 3

(BİRİNCİ DERECEDEN BİR BİLİNMEYENLİ DENKLEMLER)

DEĞERLENDİRME – 2

- 1) $5x - 7 - m = 2(x + 1) + n \cdot x$
eşitliği her x gerçek sayısı için sağlığına göre,
(m, n) ikilisi nedir?

- 2) $6x - 8 = a(2x - 11) + b$
eşitliğini sağlayan hiçbir x gerçek sayısı
olmadığına göre, b kaç olamaz kaçtır?

- 3) $(a-2)x - 4x - 20 = 0$
denkleminin çözüm kümesi boş küme olduğuna
göre, a kaçtır?

- 4) $k^3 \cdot x - 343 \cdot x - a \cdot k + 3 \cdot a - 2 = 0$
denklemi x e göre çözüm kümesi sonsuz elemanlı
bir denklemse a kaç olmalıdır?

- 5) $a^2x - 4x - a + 2 = 0$
denkleminin x e göre çözüm kümesi, boş küme
olduğuına göre, a kaç olmalıdır?

- 6) $y = \frac{x-2}{x+4}$ olduğuna göre, x in y türünden
değerini bulunuz.

- 7) $(1 - \frac{1}{4})(1 - \frac{1}{9})(1 - \frac{1}{16}) \dots (1 - \frac{1}{x^2}) = \frac{15}{28}$
ise x kaçtır?